第31卷第3期 2014年6月

文章编号:1005-0523(2014)03-0110-05

## 低压配电网三相不平衡节能算法研究

## 傅军栋,喻勇,刘晶

(华东交通大学电气与电子工程学院,江西 南昌 330013)

摘要:配电网三相负荷不平衡对供电电网以及变压器等电器都会造成不利的影响,致使低压电网的可靠性和稳定性差,线损 增高。结合工程实例,利用遗传算法在Matlab环境下求解出一个最优的负荷分配方案,从而使三相不平衡电路尽量接近三 相平衡状态,减小零序电流,减少配网损耗,使系统能够在更加经济的状态下运行,达到节能效果。

关键词:低压配电系统;三相不平衡;遗传算法;节能

中图分类号:TM919 文献标志码:A

低压电网三相不平衡问题一直是基层供电企业棘手的问题,在中低压配电网系统中,存在大量的单相,不对称非线性,冲击性负荷,这些负荷会使中性点电压漂移从而使配电系统产生三相不平衡,低压电网 若在三相负荷不平衡度较大情况下运行,将会给低压电网及电气设备造成不良影响。因此会增加线路损 耗,降低供电可靠性。

### 1 三相不平衡的危害和影响

由于线(相)电流的不对称,中性线的电流一般不 为零,即 $I_{N}=I_{A}+I_{B}+I_{c}\neq0$ ,所以对电力系统产生危 害是不可避免,图1为简单的三相电路。下面只详细 分析低压配电网中三相负载在平衡与不平衡两种情 况下所带来的配电变压器绕组损耗和线路损耗。

1) 对变压器的危害。当低压用户端三相负载不 平衡运行时会在变压器中造成过大的零序电流,所产 生的零序磁通量将会在配电变压器油箱壁及钢构件 中穿过,从而造成较大的损耗,增加了变压器的损耗,





致使配电变压器运行时产生的温度升高,寿命缩短,严重时甚至烧坏。

$$P_{1} = (I_{A}^{2} + I_{B}^{2} + I_{C}^{2})R$$
(1)

绕组总损耗(单位为W)在三相平衡时,可以表示为

$$P_{2} = 3[(I_{A} + I_{B} + I_{C})/3]^{2}R$$
<sup>(2)</sup>

式中:  $P_1$ ,  $P_2$ 为平衡与不平衡时三相绕组的总损耗;  $I_A$ ,  $I_B$ ,  $I_C$ 为三相负荷电流; R为变压器二次侧绕组电阻。

收稿日期: 2013-10-02

作者简介:傅军栋(1972—),男,副教授,主要从事电力系统,建筑电气及智能化研究。

绕组在三相不平衡运行时的附加损耗(单位为W)表示为

$$\Delta P = P_1 - P_2 = \{ [(I_A - I_B)^2 + (I_B - I_C)^2 + (I_A - I_C)^2)]/3 \} R$$
(3)

2) 对线损的影响。低压配电系统多采用Y/Yno 三相四线制接线方式供电,由于低压配电网中单相负荷的存在,造成三相不平衡现象是在所难免,不但各相线路上造成的损耗会增加,而且中性线电流也会产生附加损耗,从而使总的线损大大增加。

线路损耗根据图1可以定义为

$$\Delta P_{1} = I_{A}^{2} R + I_{B}^{2} R + I_{C}^{2} R + I_{N}^{2} R_{N}$$
(4)

式中:  $\Delta P_1$  为线路损耗;  $I_A$ ,  $I_B$ ,  $I_C$  为三相负荷电流;  $I_N$  为中性线电流; R 为相线电阻;  $R_N$  为中性线电阻。

假定供电线路总负荷电流为 3*I*,相线及中性线电阻都为  $R_0$ ,当负载在三相平衡条件下运行时,  $I_A = I_B = I_c = I$ ,  $I_N = 0$ ,线路功率损耗为  $\Delta P_1 = 3I^2 R_0$ 。当负载在三相不平衡条件下运行时,设A 相负载干路 电流为 1.51, B 相负载干路 电流为 0.5*I*, C 相负载电流则中线干路电流为  $I_o$  $I_N = 1.5I + I \cos 60^\circ - 0.5I \cos 60^\circ = 0.75I$ 。

线路损耗  $\Delta P_1 = [(1.5I)^2 + I^2 + (0.5I)^2 + (0.75I)^2]R_0 = 4.052 5I^2R_0$ 。所以配电网中三相负载在不平衡状态下运行时,线路损耗高出平衡状态下1.35倍,因此不利于电网的节能运行,应做出相应调整。

#### 2 模型建立

图2表示一个某小区9个单元楼(B1,…,B9)刚建成时的布线图,从图中可以看出,供电企业将单相负 载均衡地分接在A,B,C 三相上,B1,B2,B3接在A相上,B4,B5,B6接在B相上,B7,B8,B9接在C相上。在 实际工作及运行中,线路的标志、接电人员的疏忽再加上单相用户的不可控增容、大功率单相负载的接入 以及单相负载用电的不同时性,居民入住率的问题,

都会造成三相负载的不平衡。

### 2.1 问题分析

为达到优化三相不平衡系统的目的,必须使  $I_{N} = I_{A} + I_{B} + I_{C}$ 尽可能的小。由于用户端存在感性和 容性负载,所以要考虑阻抗角 $\theta$ 的问题。三相动力负 荷平衡不用考虑,而单相用户存在较大差异,因此,只 要把配变低压侧的单相负荷统一规划,均衡地分配到 低压线路的三相上,就能实现三相平衡。

以上述小区为例,取30min内各单元支路平均电 流大小作为参数来建立模型。支路电流参数见表1 所示,同理取其负荷这段时间平均阻抗角。各单元用 户负载阻抗角参数见表2所示。



图2 模型图

Fig. 2 Model figure

Tab.1 Branch current parameters									Α
相线	$I_1$	$I_2$	$I_3$	$I_4$	$I_5$	$I_6$	$I_7$	$I_8$	$I_9$
A 相	115	25	35	-	-	-	-	-	-
B相	_	-	-	45	205	105	-	-	-
C相	_	-	-	-	_	-	210	48	95

表1 支路电流参数

				表2 负载	阻抗角参数				
			Tab. 2 L	oad impeda	ance angle pa	rameters			
相线	B1	B2	В3	B4	В5	В6	B7	B8	В9
A相	$\pi/20$	$\pi/40$	$\pi/35$	_	_	_	_	_	-
B相	_	-	_	$\pi/15$	$\pi/12.5$	$\pi/64$	_	-	-
C相	-	-	_	-	-	-	$\pi/32$	$\pi/44$	$\pi/21$
假设刀	相位是①	。1/ 相位	·是120° L	7 相位县	_120° 在	Matlah 🛱	会议日标。	函数力	
	NTITUTEU	,U <sub>BN</sub> 7日1五	走120,0	CN THE LE	-120 ° 1I		定义 日 你 E	山东入门	
{	1.114.11.1.224							W	
% [为各]	支路的电流;	;x为最优解,	x只能够取(	$0, 3\pi/2,$	-3π/2);g为k	且抗角;N为	1) 所 単 元 楼 的	数量。	
function y	=fun(I,x,g,	N)							
for i=1:N									
S(i)=I	$(i)*\cos(x(i))$	-g(i));							
T(i)=I	(i)*sin(x(i))	-g(i));							
End									
%y1表示	所有实部的	和。							
%y2表示	所有虚部的	和。							
y1=sum(S	5);								
y2=sum(]	Г);								
%y为目标	示函数								
$y = y 1^{2} + y^{2}$	2^2;								
}	*								
根据这个	ふ数.可以え	求得没有优化	k前的中性组	。 电流大小,	程序如下·				
{									
↓ I=[115.24	5 35 45 205 1	105 210 48 94	5].						
N=0.	55 45 205	105 210 40 9.	, ,						
<u>1</u> 1−9;	.140 .125	./15 ./10.5	.164 .122 .	/44					
g=[pi/20]	pi/40 pi/35 p	1/15 pi/12.5 p	01/04 p1/32 p1	/44 pi/21];					
x = [000]	2.094 4 2.094	4 4 2.094 4 -	2.094 4 -2.0	94 4 -2.094	4];				
y=tun(1, y)	x,g,N)								

运行结果:  $y = 2.380 \times 10^4$ ;  $I_N = \sqrt{y} = 154.25 \text{ A}$ , 同理, 可以求得各相总线电流:  $I_A = 174.90 \text{ A}$ ;  $I_{\rm B}$ =353.57 A;  $I_{\rm C}$ =352.87 A, 优化之前各支路电流柱状图如图3所示。

由图可知优化之前的中性线电流较大,各相总线电流相差也很大,离三相平衡状态较远。

#### 2.2 遗传算法实现

1)初始化:采取实数进行编码。

2) 解码:初始化后,要进行解码操作,因为系统 相电压相差120°,分别为(0,3π/2,-3π/2)。根据 随机产生的种群,按同等的概率划分3个区域。

3) 适应度函数:适应度是用来判别种群中个体 优劣的标准。这里求解函数的最小值,也就是中性线 最小电流,把最小中性线电流的倒数作为个体的适应 度值。优化目标则是选择适应度函数值尽可能大的 染色体,适应度值越大个体越优,反之亦然。适应度 Fig. 3 Current histogram of each branch before optimization





计算函数为

$$fitness = 1/f(x) \tag{5}$$

4)选择:选择是从之前的种群中以一定的概率选择优秀的个体,从而得到一个新的种群。个体适应度 值越大,被选中的概率越大。本文采用轮盘赌法,个体*i*被选中的概率为

$$p_i = F_i \bigg/ \sum_{j=1}^{N} F_j \tag{6}$$

式中: F<sub>i</sub>为个体i的适应度值;N为种群个体数目。

5) 交叉:交叉是指从种群中随机的选择两个染色体,把父代的优质特性遗传给子代,经过两个染色体的交叉互换后,从而产生新的优质个体。交叉操作采用实数交叉法,第 m 个染色体 a<sub>n</sub> 和 n 个染色体 a<sub>n</sub> 在 j 位的交叉操作方法为

$$a_{mj} = a_{mj}(1-b) + a_{nj}b; \quad a_{nj} = a_{nj}(1-b) + a_{mj}b$$
<sup>(7)</sup>

式中: b是[0,1]区间的随机数。

6) 变异:变异的主要目的是保持种群多样性。变异操作是从种群中随机选取一个染色体,选择染色体中的某一位置进行变异以产生更加优质的染色体。第*i*个染色体的第*j*个基因 *a<sub>i</sub>*进行变异的操作方法为

$$a_{ij} = \begin{cases} a_{ij} + (a_{ij} - a_{max}) f(g), r \ge 0.5\\ a_{ij} + (a_{min} - a_{ij}) f(g), r < 0.5 \end{cases}$$
(8)

式中:  $a_{\max}$  是基因  $a_{ij}$  的上界;  $a_{\min}$  是基因  $a_{ij}$  的下界;  $f(g) = r_2(1 - g/G_{\max})^2$ ;  $r_2$  是一个随机数; g 是当前迭代次数;  $G_{\max}$  是最大进化次数; r 为[0,1]区间的随机数。

#### 3 仿真及结果

根据以上的遗传算法思路,在Matlab2009环境编写程序,所编写程序是针对N个支路,假定N=9。

输入支路数 N=9;输入各支路电流大小 I=[115 25 35 45 205 105 210 48 95];输入各支路负载的功率因 素 g=[p<sub>i</sub>/20 p<sub>i</sub>/40 p<sub>i</sub>/35 p<sub>i</sub>/15 p<sub>i</sub>/12.5 p<sub>i</sub>/64 p<sub>i</sub>/32 p<sub>i</sub>/44 p<sub>i</sub>/21]。仿真结果如图 4 所示。

从图中可以看出,在第15代达到了最优值。

函数值:84.9909;

变量:2.0944,2.0944,0,2.0944,-2.0944,-2.0944,0,0,2.0944;

y=84.9909表示最优解;0,2.0944,-2.0944分别表示 0,3π/2,-3π/2。

对比之前的  $I_{\text{N}} = \sqrt{y} = 154.25 \text{ A}$ ,中性线电流比优 化之前小近 17 倍。

变量信息说明优化之后 B3, B7, B8 三个单元应接 在 A相; B1, B2, B4, B9 四个单元应接在 B相; B5, B6 两个单元应接在 C相。优化之后  $I_A$  = 292.99 A;  $I_B$  = 279.86 A;  $I_c$  = 308.58 A;  $I_N = \sqrt{y}$  = 9.22 A。

优化前后数据统计表见表3,优化前后各相电流 对比图如图5所示。

从图中可以很清晰的看出,优化之后中性线电流 从原来的154.249 A减小为9.22 A。而且各相电流也 比较平均,都分布在300 A左右。三相负荷电流不平 衡度公式为



表 3 优化前后数据统计表 Tab. 3 Data before and after optimization

### [1] 沈铁军.低压电网三相不平衡问题的几点探讨[J].民营科技,2011(8):144-144.

- [2] 曹法明.低压三相平衡与降损[J]. 电气工程应用, 2010(4):17-19.
- [3] 刘福之.三相交流电路中瞬时功率的分析和研究[J].华东交通大学学报,2003,19(5):56-80.
- [4] 谷雅玮,王默玉,申晓留,等.基于 Matlab 的农网线损理论计算[J].黑龙江电力. 2011(5):325-327.
- [5] 梁海瑞.三相负荷不平衡对线损的影响及措施研究[J].电源技术应用,2013(1):15-15.
- [6] 赵吴鹏,尹忠东,周浩,等.基于低压配电网无功负序不平衡现象的节能降损解决方案[J].电网与清洁能源,2009,25(7):15-19.
- [7] 黄瑛, 陈恳.遗传算法在电力系统无功优化中的应用[J].华东交通大学学报,2006,19(1):107-110.
- [8] 赵吴鹏,周浩,张瑜.三相不平衡低压系统负序线损及治理方案分析[J]. 河北电力技术,2010,29(2):22-27.

(下转第136页)

### 响,中性线阻抗采取定性分析,设中性线阻抗为 图

(10)

Fig. 5 Current of each phase before and after optimization

114

优化之前  $S_{iii} = \sqrt{(191757 + 23793R_0)^2 + (27884.2 + 23793X_0)^2}$  V·A

A相

174.90

292.99

优化之后  $S_{fi} = \sqrt{(191757 + 85R_0)^2 + (27884.2 + 85X_0)^2} V \cdot A$ 

可以看出优化前后视在功率相差非常大,主要影响来自中性线上的电流。由以上结果可知,系统已经 得到了很大的改善,调整之后系统很明显能够在更加经济的状态下运行,能够带来非常大的经济价值。

#### 4 结束语

参考文献:

根据以上分析,三相不平衡运行的电力系统通过采用遗传算法,可以得到一个最优的负荷分配方案。 在实际生活中,可结合智能自动配电箱对各支路进行自动切换。如不采用智能配电箱,实际应用中不可能 每30 min人工改造一次线路,但可通过算法统计单位时间内被选择过的所有分配方案出现的概率,作为线 路节能改造的有效参考,对系统有针对性地调整,从而达到节能的目标。



B相

353.57

279.86

参数

优化前

优化后

该尽可能地降低三相不平衡度。

根据图 5 得: δ<sub>m</sub> = 20.35%; δ<sub>m</sub> = 5.03%。系统运

因为三相线路阻抗远小于用户阻抗,可忽略其影

行在三相完全平衡状态是不可能的,但是电力部门应

下面讨论视在功率,视在功率S可定义:

式中:P为系统的有功功率;O为系统的无功功率。

 $S = \sqrt{P^2 + Q^2}$ 



2014年

А

C相

352.87

308.58

## An Empirical Research on the Relationship Between Monetary Structure and Price Fluctuation in China

Shi Huanping<sup>1</sup>, Gao Yan<sup>1,2</sup>

(1.School of Economics and Management, East China Jiaotong University, Nanchang 330013, China;
 2.Jiangxi Vocational College of Mechanical & Electrical Technology, Nanchang 330013, China)

**Abstract:** In this paper, the quantitative analysis about whether there are common trends or wave patterns between China's monetary structure factors and price fluctuation is conducted. The long-term relationship between them is estimated by co-integration regression test. The VAR model between variables is established to study the dynamic process of the impact of monetary structure on pricing. The impulse response analysis is carried out to explore the response status of the price fluctuation under the impact of monetary structure variables.

Key words: monetary structure; price fluctuation; VAR; impulse response

(上接第114页)

- [9] 张雪.三相平衡的必要性及降损方法[J].化学工程与装备,2008(12):58-60.
- [10] 章勇高,高彦丽,刘炴,等.三相不平衡时的PWM 整流器锁相环设计[J].华东交通大学学报,2011,28(5):14-17.
- [11] 张五一,张言滨,刘华伟.配电网三相负荷不对称的线损分析[J].继电器,2007,35(7):24-27.
- [12] 陈诚,王勋,程宏波.三相PWM整流系统的研究[J].华东交通大学学报,2012,29(6):40-44.
- [13] 李超英,李宝贤,王瑞琪.配电变压器三相不平衡技术分析与管理措施研究[J].价值工程,2011(14):47-48.

# Energy-efficient Algorithm for Three-phase Imbalance in Lowvoltage Distribution Network

Fu Jundong, Yu Yong, Liu Jing

(School of Electrical and Electronic Engineering, East China Jiaotong University, Nanchang 330013, China)

**Abstract:** The unbalanced three-phase load has negative effects on the power supply and the electrical appliances like transformers, resulting in poor low-voltage grid reliability and stability with higher line loss. Combined with engineering examples, this paper adopts the use of genetic algorithm in Matlab environment, establishing an optimal load distribution scheme to keep the three-phase unbalanced circuit close to the three-phase equilibrium state. It finds out that the system can be more economical in running state as the zero-sequence current decreases and distribution network losses are reduced.

Key words: low-voltage distribution systems; three-phase imbalance; genetic algorithm; energy-efficient